

عدد الصفحات (١٦) صفحة

 وعلى الطالب مسؤولية المراجعة  
 والتتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة
**الورقة الامتحانية**

لامتحان الشهادة الثانوية الأزهرية - آلدور: الأول

عام ١٤٣٧ / ٢٠١٦ هـ ١٤٣٨ / ٢٠١٧ م

المادة : التفاضل والتكامل "لغات" القسم: العلمي زمن الإجابة: ساعتان

مجموع الدرجات (مكتوبًا بالحروف)

**المذهب**

السؤال	الدرجة بالأرقams	اسم المصحح ثلاثيًّا
الأول		
الثاني		
الثالث		
الرابع		
الخامس		
السادس		
السابع		
الثامن		
<b>المجموع</b>		

**الرقم السري****الرقم السري**

مجمع مطبع الأزهر الشريف

**تبليغ**

على الطالب كتابة

اسمها ولقبها كاملاً ويحضر عليه كتابة  
أى علامة تدل عليه داخل ورقة الإجابة.**الأزهر الشريف - قطاع المعاهد الأزهرية****الادارة المركزية لامتحانات وشئون الطلاب والخريجين**

عدد الصفحات (١٦) صفحة

وعلى الطالب مسؤولية المراجعة

والتتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

اسم المعهد:

اسم الطالب ولقبه:

المادة:

المذهب:

التاريخ:

رقم الجلوس:

عزيزي الطالب / عزيزتي الطالبة:-

اقرأ السؤال بعناية، وفكر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

- السؤال الأول إجباري ويخصص له ٨ درجات ثم يجيب الطالب عن ثلاثة أسئلة فقط من الأربعه  
أسئلة التالية ويخصص لكل سؤال ٤ درجات .

- عند إجابتك على الأسئلة المقالية ، أجب فيما لا يزيد عن المساحة المحددة لكل سؤال .

مثال :

.....  
.....  
.....

- عند إجابتك على أسئلة الاختيار من متعدد ( إن وجدت ) ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلًا كاملاً لكل سؤال .

مثال : الإجابة الصحيحة (د) مثلاً



- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ ، ثم قمت بșطّبها وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة .

- في حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بșطّبها وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ .

في حالة التظليل على أكثر من رمز ، تعتبر الإجابة خطأ.

**ملحوظة : يفضل عدم تكرار الإجابة على الأسئلة.**

- عدد أسئلة الكراسة (٥) أسئلة.

- عدد صفحات الكراسة (١٦) صفحة.

- تأكد من ترقيم الأسئلة تصاعدياً ، ومن عدد صفحات كراستك ، فهي مسئوليتك .

- زمن الامتحان (ساعتان).

- الدرجة الكلية للامتحان (٢٠) درجة .

- عند احتياج الطالب للإجابة على أي فقرة وذلك عند حدوث أي سبب يقتضي ذلك؛ يستخدم المسودة

بآخر الورقة الامتحانية مع كتابة رقم السؤال والفقرة بوضوح، بشرط ألا تكون الإجابة مكررة.

# هذا الجزء

# غير مخصص للإجابة

تنبيه هام: يسلم الطالب ورقة امتحانيه باللغة العربية مع الورقة المترجمة.

**The first question: (compulsory)****[8 Marks for the first question ]****Chose the correct answer:-**

1) If  $\frac{dy}{dx} = \csc^2 x$ ,  $y = 2$  when  $x = \frac{\pi}{4}$ , then  $y = \dots\dots\dots$

(a)  $-2 - \cot x$

(c)  $-3 - \cot x$

(b)  $2 - \cot x$

(d)  $3 - \cot x$

2)  $\int \sec^4 x \tan x dx = \dots\dots + c$

(a)  $\frac{1}{5} \sec^5 x$

(c)  $\frac{1}{3} \tan^3 x$

(b)  $\frac{1}{4} \sec^4 x$

(d)  $-\frac{1}{3} \tan^3 x$

3) The rate of change for  $\sqrt{16 + x^2}$  with respect to  $\frac{x}{x-2}$  when  $x = -3$  equals.....

(a) 15

(c)  $\frac{15}{2}$

(b)  $\frac{-15}{2}$

(d)  $\frac{2}{15}$

4)  $\int (3x + 2) \cos x \, dx = ..... + c$

(a)  $(3x + 2) \sin x + 3 \cos x$

(c)  $(3x + 2) \sin x - 3 \sin x$

(b)  $3x + 2 \sin x - 3 \cos x$

(d)  $(3x + 2) \sin x + 3 \sin x$

3) The absolute maximum value of the function  $f(x) = \sqrt{x - 1}$  ,  
 $x \in [ 2 , 5 ]$  equals .....

(a) zero

(c) 1

(b) 2

(d) -2

6) If the perimeter of a rectangle is 14 cm , then its maximum surface area equals .....cm<sup>2</sup>

(a) 49

(c)  $\frac{49}{4}$

(b)  $\frac{49}{2}$

(d) 14

7) If  $f(x) = x^2 - 3\ln 5x$  , then  $f'(2) = \dots\dots$

(a) -1

(c)  $\frac{5}{2}$

(b) 1

(d) 6

8)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{5}{x}\right)^{x+2} = \dots\dots$

(a) e

(c)  $e^5$

(b)  $5^e$

(d)  $e^3$

**Answer only three questions of the following: [4 Marks for each]**

**The second question**

- a) Find the local maximum and local minimum values of the function  $f(x) = x^3 - 9x^2 + 24x + 1$ , then find the inflection points if exists.

b) Find the equation of the curve  $y = f(x)$  which passing through the point  $(0 , \frac{11}{15})$  and slope of its tangent at any point  $(x , y)$  is given by the relation  $m = x \sqrt{x + 1}$  .

### The third question

a) If  $y(1 + x^2) = 1$  , then prove that  $(1 + x^2) \frac{d^2y}{dx^2} + 4x \times \frac{dy}{dx} + 2y = 0$ .

- b) Find the area of the plane region bounded by the curve  $y = 3 + 2x - x^2$  and x-axis.

## The fourth question

- a) The lengths of the legs of the right angle a right angled triangle at a moment , are 9 cm and 12cm . If the length of the first leg increases at a rate of 2cm/sec and the length of the second leg decreases at rate of 1 cm/sec , Find :
- 1- The rate of increase in the area of the triangle after 2 seconds.
  - 2- When does this triangle become an isosceles triangle?

- b) Find the volume of the solid generated by revolving the region bounded by the curve  $y = x^2 + 1$  , y-axis and the straight line  $y = 4$  one complete revolution about y-axis .

### The fifth question

a) Find the equation of the tangent to the curve of the function  
 $y = f(x)$  where  $x = 3 + \cos 2\theta$  ,  $y = \cot \theta$  at  $\theta = \frac{\pi}{4}$  .

b) If  $\int_{-2}^3 f(x)dx = 9$  ,  $\int_5^3 f(x)dx = 4$  , then find the value of

$$\int_{-2}^5 [3f(x) - 6x] dx$$

## Draft

